

APARAT DE INCERCARE LA TRACTIUNE A MICROFIRELOR

Studenti anul I- Facultatea Transporturi: COJOCARU Iancu, LINU Razvan ,NAE Gabriela, NEAGU Livia, ȘERBĂNICA Lorena
Conducator stiintific: Prof. Dr. Ing. Plesca Marcel



REZUMAT: Ați încercat să măsurați forța la rupere a unui fir de păianjen? Dacă nu găsiți un astfel de fir vă sfătuim să folosiți un fir din aur ultrapur, de 17 microni utilizat în industria electronică la realizarea conexiunilor dintre structura circuitului și grila. Noi am măsurat și am determinat 1.72cN. Lucrarea prezintă un aparat, de concepție proprie, capabil să măsoare forța la rupere și elongația relativă la rupere pentru microfibre utilizate în industria electronică.

CUVINTE CHEIE: forța de tractiune, microfibre, elongație, forța de rupere, microni

1 INTRODUCERE

Majoritatea firelor utilizate în domeniul electronicii trebuie să prezinte garanția următorilor parametri:

- diametru;
- forța de rupere;
- elongație.

Evident, analiza calitativă și cantitativă a metalului se subînțelege acest aspect fiind luat

în considerare la procesare. Problema care se pune este aceea de control final al microfiredor înainte ambalării acestora.

Aspectul delicat al controlului îl reprezintă determinarea forței de rupere și elongației pentru fire micronice având forța de rupere sub 50cN.

2 STADIUL ACTUAL

Cel puțin până în prezent, din documentările existente nu există în țară nici un aparat care să determine cu acuratețe atât forța la rupere cât și elongația pentru forțe sub 50 cN. Practic nu s-a pus această problemă deoarece firele utilizate în domeniul electronic (Au 99,99; Al 99,99; Al 99,999; AISi1; AIMgO,5; AIMgI) erau folosite ca atare fără a avea posibilitatea verificării parametrilor acestora.

Din aceste considerente s-a impus proiectarea unui aparat ce are drept scop determinarea celor doi parametri. Aparatul descris în continuare a fost proiectat și realizat integral în cadrul **Universității Politehnica București, catedra Tehnologia materialelor și sudura**. Este de concepție proprie putând fi utilizat cu mult succes atât în întreprinderile de profil cât și ca material didactic la disciplinele de specialitate.

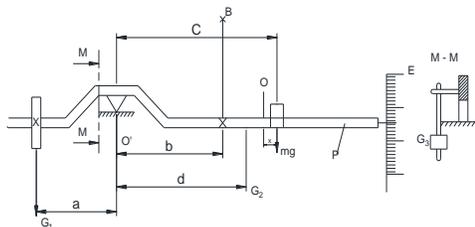


Fig. 1 Schema de principiu a aparatului

- forța necesară solicitării la întindere a firului este realizată prin variația unui moment de rotație introdus în urma deplasării rectilinii a unui cursor ce se poate poziționa în zona gradată a pârghiei.

Notatiile din Fig. I au următoarele semnificații:

O - punctul de sprijin al pârghiei;

G - contragreutate de echilibrare pe orizontală;

G₂ - greutatea pârghiei;

mg - greutatea cursorului;

P - pârghie;

G₃ - contragreutate de echilibrare pe verticală;

o - punctul de nul al cursorului;

AB - firul supus încercării la tracțiune;

C - distanța de la punctul de sprijin al pârghiei la poziția de zero al aparatului;

d - distanța de la punctul de sprijin al pârghiei la centrul de greutate al acesteia;

b - distanța de la punctul de sprijin al pârghiei la firul AB;

E - cadran pentru citirea elongației.

În prima fază are loc reglarea aparatului ce constă în aducerea centrului de greutate al întregului sistem (contragreutate, pârghie, cursor) în punctul de sprijin O.

Din punct de vedere teoretic centrul de greutate al sistemului este foarte apropiat de varful cutitului O, lucru realizat în faza de proiectare dar pentru exactitatea metodei se impune aducerea centrului cât mai exact în punctul de sprijin O. Aceasta se realizează în două etape și anume:

1 - aducerea centrului de greutate al sistemului pe direcția verticală ce trece prin punctul de sprijin O;

2 - poziționarea centrului de greutate în punctul O.

Prima etapă se realizează prin deplasarea contragreutatăii G₁ pe direcția orizontală până când pârghia rămâne în echilibru în plan orizontal. Cursorul se găsește în punctul O al pârghiei.

În a doua etapă are loc deplasarea contragreutatăii G₃ pe verticală până când este adus centrul de greutate în varful O. Practic lucrul acesta este realizat în momentul în care rotind pârghia cu un unghi oarecare α, aceasta rămâne în echilibru. Forța necesară probei de întindere și rupere a microfirului se realizează prin deplasarea spre dreapta a cursorului.

În faza inițială (cursorul în poziția O) întregul sistem este în echilibru, ecuația de echilibru fiind dată de expresia:

$$G_1 \cdot a = c \cdot mg + d \cdot G_2 \quad (1)$$

La deplasarea cursorului întregul sistem se dezechilibrează, surplusul de moment de

rotatie, fiind preluat de fir. Considerand "x" de la cursor la pozitia "O" a riglei de pe parghie, F forta preluata de fir, a unghiului de rotatie a parghiei putem considera la echilibru urmatoarea ecuatie:

$$G_1 \cdot a \cdot \cos\alpha + F \cdot b \cdot \cos\alpha = G_2 \cdot d \cdot \cos\alpha + mg \cdot (c + x) \cdot \cos\alpha \quad (2)$$

Sau dupa simplificare:

$$G_1 \cdot a + F \cdot b = G_2 \cdot d + mg \cdot c + mg \cdot x \quad (3)$$

Din (1) si (3) rezulta:

$$F = \frac{mg}{b \cdot x} = k \cdot x \quad (4)$$

Dar m-masa cursorului, g-constanta universală, b-distanta fixa, reprezinta elementele fixe ce intra in constanta aparatului, notate cu k. Rezulta ca F, forta de intindere se poate citi direct prin deplasarea cursorului. Lungimea firului dupa alungirea firului se determina din ΔABC .

$$l^2 = l_0^2 + AC^2 - 2 \cdot l_0 \cdot AC \cdot \cos\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi - \alpha}{2}\right) \quad (5)$$

Din triunghiul isoscel O'AC rezulta:

$$AC = 2b \cdot \sin\frac{\alpha}{2} \quad (6)$$

Substituind aceasta valoare in relatia (5) se obtine:

$$l^2 = l_0^2 + 4 \cdot b^2 \sin^2\frac{\alpha}{2} + 2 \cdot b \cdot l_0 \sin\alpha \quad (7)$$

$$\text{Dar: } \operatorname{tg}\alpha = \frac{y}{L} \quad (8)$$

$$\sin^2\frac{\alpha}{2} = \frac{1}{2}(1 - \cos\alpha) = \frac{1}{2}\left(1 - \frac{L}{\sqrt{L^2 + y^2}}\right) \quad (9)$$

$$\sin\alpha = \frac{y}{\sqrt{L^2 + y^2}} \quad (10)$$

Inlocuind (9) si (10) in (7) se obtine:

$$l^2 = l_0^2 + 2b^2 \left(1 - \frac{L}{\sqrt{y^2 + L^2}}\right) + 2b \cdot l_0 \cdot \frac{y}{\sqrt{y^2 + L^2}} \quad (11)$$

In concluzie expresia elongatiei este:

$$\varepsilon = \frac{l - l_0}{l_0} = \frac{\sqrt{l_0^2 + 2b^2 \left(1 - \frac{L}{\sqrt{y^2 + L^2}}\right) + 2b \cdot l_0 \cdot \frac{y}{\sqrt{L^2 + y^2}} - l_0}{l_0} \quad (12)$$

Unde:

- l_0 este lungimea initiala a firului;
- L-lungimea parghiei de la punctul de sprijin O' la cadranul elongatiei (element fix);
- l-lungimea finala a firului inainte de rupere;
- y-lungimea citita pe cadranul elongatiei.

Datele fixe ale aparatului au fost introduse pe calculator, valorile F si ε fiind tabelate. Se poate realiza o masuratoare rapida citind pe aparat numai deplasarea x si y.

Din constructie, aparatul prezinta urmatoarele constante si caracteristici:

Conform datelor experimentale, alungirea finala a rezultat $l=151,70$ mm. Cu ajutorul acestui rezultat vom putea calcula ε - alungirea relativa.

$$k=0,49374 \text{ [cN/mm]}$$

$$b=120 \text{ [mm]}$$

$$L=510 \text{ [mm]}$$

$$l_0=120-220 \text{ [mm]}$$

$$y=0-75 \text{ [mm]}$$

$$x=0-200 \text{ [mm]}$$

Fora maxima la tractiune – 82,54 [n] (Aceasta nu poate fi modificata prin modificarea greutatii cursorului).

Alungirea specifica maxima-15,55 [%]

| Incerari | F(cN) | ε (%) |
|----------|--------|-------------------|
| 1 | 4,44 | 0 |
| 2 | 9,87 | 0 |
| 3 | 14,81 | 0 |
| 4 | 14,84 | 0,168 |
| 5 | 24,68 | 0,33 |
| 6 | 29,62 | 1 |
| 7 | 32,09 | 1,34 |
| 8 | 34,561 | 1,34 |
| 9 | 35,548 | 1,68 |
| 10 | 36,04 | 1,68 |
| 11 | 37,03 | 1,68 |
| 12 | 38,017 | 2,01 |
| 13 | 39,5 | 2,35 |
| 14 | 39,99 | 3,35 |
| 15 | 40,486 | 4,36 |
| 16 | 40,92 | 6,03 |
| 17 | 41,47 | 6,7 |

Studiu experimental

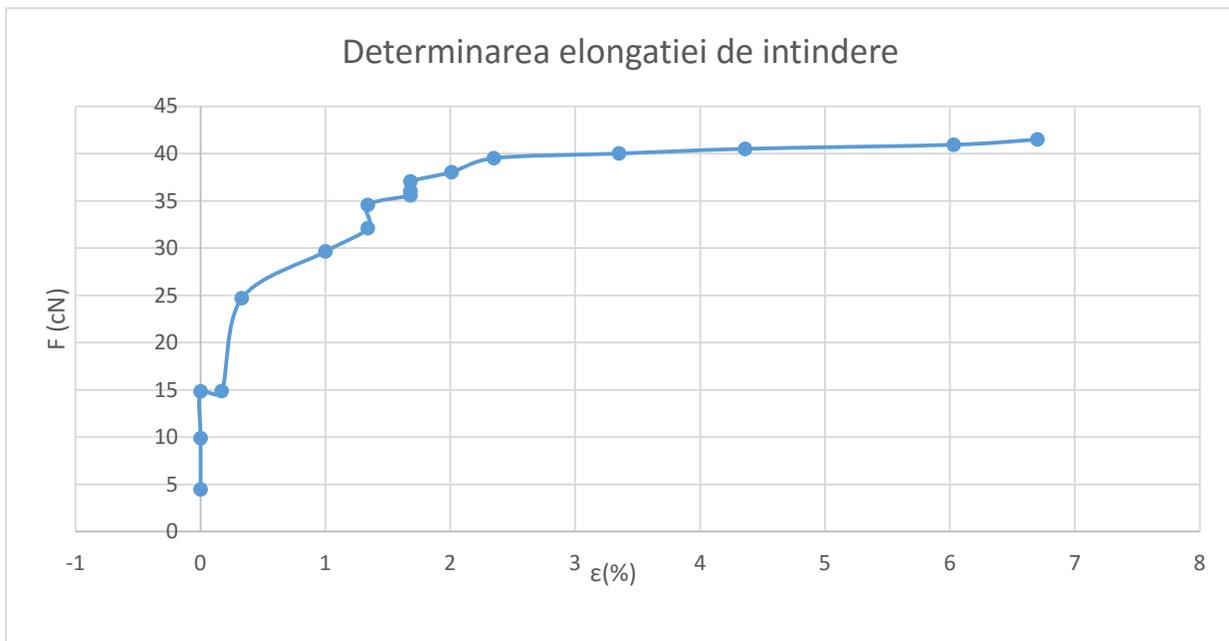
$$\varnothing_{fir} = 50\mu m = 50 \cdot 10^{-3} mm$$

$$\tau_{\tau} = \frac{F}{S} \left[\frac{daN}{mm^2} \right]$$

$$F = 84 \text{ div} \rightarrow 41,474 \text{ cN} \\ = 41,474 \cdot 10^{-3} daN$$

$$\tau_{\tau} = \frac{41,474 \cdot 10^{-3}}{\pi \cdot \frac{(50 \cdot 10^{-3})^2}{4}} = 41,474 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{4}{\pi(50 \cdot 10^{-3})^2} \\ = 41,474 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{4}{2500\pi \cdot 10^{-6}} \\ = \frac{41,474 \cdot 10^3}{625\pi} = \frac{41,474 \cdot 10^3}{625 \cdot \pi} \\ = 21,1225 \left[\frac{daN}{mm^2} \right]$$

$$\varepsilon = \frac{l - l_0}{l_0} = \frac{151,7 - 140}{140} = 8,36\%$$



| k= 0.49374 | | | | | | | | | | |
|------------|----------|--|----|----------|--|-----|----------|--|-----|----------|
| x | F | | | | | | | | | |
| 0 | 0 | | 51 | 25.18074 | | 101 | 49.86774 | | 151 | 74.55474 |
| 1 | 0.49374 | | 52 | 25.67448 | | 102 | 50.36148 | | 152 | 75.04848 |
| 2 | 0.98748 | | 53 | 26.16822 | | 103 | 50.85522 | | 153 | 75.54222 |
| 3 | 1.48122 | | 54 | 26.66196 | | 104 | 51.34896 | | 154 | 76.03596 |
| 4 | 1.97496 | | 55 | 27.1557 | | 105 | 51.8427 | | 155 | 76.5297 |
| 5 | 2.4687 | | 56 | 27.64944 | | 106 | 52.33644 | | 156 | 77.02344 |
| 6 | 2.96244 | | 57 | 28.14318 | | 107 | 52.83018 | | 157 | 77.51718 |
| 7 | 3.45618 | | 58 | 28.63692 | | 108 | 53.32392 | | 158 | 78.01092 |
| 8 | 3.94992 | | 59 | 29.13066 | | 109 | 53.81766 | | 159 | 78.50466 |
| 9 | 4.44366 | | 60 | 29.6244 | | 110 | 54.3114 | | 160 | 78.9984 |
| 10 | 4.9374 | | 61 | 30.11814 | | 111 | 54.80514 | | 161 | 79.49214 |
| 11 | 5.43114 | | 62 | 30.61188 | | 112 | 55.29888 | | 162 | 79.98588 |
| 12 | 5.92488 | | 63 | 31.10562 | | 113 | 55.79262 | | 163 | 80.47962 |
| 13 | 6.41862 | | 64 | 31.59936 | | 114 | 56.28636 | | 164 | 80.97336 |
| 14 | 6.91236 | | 65 | 32.0931 | | 115 | 56.7801 | | 165 | 81.4671 |
| 15 | 7.4061 | | 66 | 32.58684 | | 116 | 57.27384 | | 166 | 81.96084 |
| 16 | 7.89984 | | 67 | 33.08058 | | 117 | 57.76758 | | 167 | 82.45458 |
| 17 | 8.39358 | | 68 | 33.57432 | | 118 | 58.26132 | | 168 | 82.94832 |
| 18 | 8.88732 | | 69 | 34.06806 | | 119 | 58.75506 | | 169 | 83.44206 |
| 19 | 9.38106 | | 70 | 34.5618 | | 120 | 59.2488 | | 170 | 83.9358 |
| 20 | 9.8748 | | 71 | 35.05554 | | 121 | 59.74254 | | 171 | 84.42954 |
| 21 | 10.36854 | | 72 | 35.54928 | | 122 | 60.23628 | | 172 | 84.92328 |
| 22 | 10.86228 | | 73 | 36.04302 | | 123 | 60.73002 | | 173 | 85.41702 |
| 23 | 11.35602 | | 74 | 36.53676 | | 124 | 61.22376 | | 174 | 85.91076 |
| 24 | 11.84976 | | 75 | 37.0305 | | 125 | 61.7175 | | 175 | 86.4045 |
| 25 | 12.3435 | | 76 | 37.52424 | | 126 | 62.21124 | | 176 | 86.89824 |
| 26 | 12.83724 | | 77 | 38.01798 | | 127 | 62.70498 | | 177 | 87.39198 |
| 27 | 13.33098 | | 78 | 38.51172 | | 128 | 63.19872 | | 178 | 87.88572 |
| 28 | 13.82472 | | 79 | 39.00546 | | 129 | 63.69246 | | 179 | 88.37946 |
| 29 | 14.31846 | | 80 | 39.4992 | | 130 | 64.1862 | | 180 | 88.8732 |
| 30 | 14.8122 | | 81 | 39.99294 | | 131 | 64.67994 | | 181 | 89.36694 |
| 31 | 15.30594 | | 82 | 40.48668 | | 132 | 65.17368 | | 182 | 89.86068 |
| 32 | 15.79968 | | 83 | 40.98042 | | 133 | 65.66742 | | 183 | 90.35442 |
| 33 | 16.29342 | | 84 | 41.47416 | | 134 | 66.16116 | | 184 | 90.84816 |
| 34 | 16.78716 | | 85 | 41.9679 | | 135 | 66.6549 | | 185 | 91.3419 |
| 35 | 17.2809 | | 86 | 42.46164 | | 136 | 67.14864 | | 186 | 91.83564 |
| 36 | 17.77464 | | 87 | 42.95538 | | 137 | 67.64238 | | 187 | 92.32938 |
| 37 | 18.26838 | | 88 | 43.44912 | | 138 | 68.13612 | | 188 | 92.82312 |
| 38 | 18.76212 | | 89 | 43.94286 | | 139 | 68.62986 | | 189 | 93.31686 |
| 39 | 19.25586 | | 90 | 44.4366 | | 140 | 69.1236 | | 190 | 93.8106 |
| 40 | 19.7496 | | 91 | 44.93034 | | 141 | 69.61734 | | 191 | 94.30434 |

| | | | | | | | | | | |
|----|----------|--|-----|----------|--|-----|----------|--|-----|----------|
| 41 | 20.24334 | | 92 | 45.42408 | | 142 | 70.11108 | | 192 | 94.79808 |
| 42 | 20.73708 | | 93 | 45.91782 | | 143 | 70.60482 | | 193 | 95.29182 |
| 43 | 21.23082 | | 94 | 46.41156 | | 144 | 71.09856 | | 194 | 95.78556 |
| 44 | 21.72456 | | 95 | 46.9053 | | 145 | 71.5923 | | 195 | 96.2793 |
| 45 | 22.2183 | | 96 | 47.39904 | | 146 | 72.08604 | | 196 | 96.77304 |
| 46 | 22.71204 | | 97 | 47.89278 | | 147 | 72.57978 | | 197 | 97.26678 |
| 47 | 23.20578 | | 98 | 48.38652 | | 148 | 73.07352 | | 198 | 97.76052 |
| 48 | 23.69952 | | 99 | 48.88026 | | 149 | 73.56726 | | 199 | 98.25426 |
| 49 | 24.19326 | | 100 | 49.374 | | 150 | 74.061 | | 200 | 98.748 |
| 50 | 24.687 | | | | | | | | | |

| Valori elongatie $\epsilon(\%)$ | | | | | | | | | |
|---------------------------------|----------|--------------|----------|----------|----|----------|----------|--------------|----------|
| | | $\epsilon\%$ | | | | | | $\epsilon\%$ | |
| y | L0=120 | L0=140 | L0=150 | L0=200 | y | L0=120 | L0=140 | L0=150 | L0=200 |
| 1 | 0.196078 | 0.168067 | 0.156862 | 0.117647 | 41 | 8.013841 | 6.868952 | 6.411001 | 4.808195 |
| 2 | 0.392154 | 0.336132 | 0.313723 | 0.235292 | 42 | 8.208035 | 7.035399 | 6.566349 | 4.924701 |
| 3 | 0.588225 | 0.504193 | 0.47058 | 0.352935 | 43 | 8.402139 | 7.201768 | 6.721625 | 5.041152 |
| 4 | 0.78429 | 0.672248 | 0.627432 | 0.470574 | 44 | 8.596151 | 7.368058 | 6.876827 | 5.157547 |
| 5 | 0.980345 | 0.840296 | 0.784276 | 0.588207 | 45 | 8.790069 | 7.534267 | 7.031953 | 5.273885 |
| 6 | 1.176389 | 1.008334 | 0.941111 | 0.705834 | 46 | 8.983891 | 7.700393 | 7.187001 | 5.390164 |
| 7 | 1.37242 | 1.17636 | 1.097936 | 0.823452 | 47 | 9.177615 | 7.866435 | 7.341971 | 5.506384 |
| 8 | 1.568435 | 1.344373 | 1.254748 | 0.941061 | 48 | 9.371239 | 8.032391 | 7.49686 | 5.622542 |
| 9 | 1.764432 | 1.51237 | 1.411546 | 1.058659 | 49 | 9.564761 | 8.198258 | 7.651667 | 5.738639 |
| 10 | 1.960409 | 1.680351 | 1.568327 | 1.176245 | 50 | 9.75818 | 8.364037 | 7.80639 | 5.854673 |
| 11 | 2.156364 | 1.848312 | 1.725091 | 1.293818 | 51 | 9.951492 | 8.529724 | 7.961028 | 5.970641 |
| 12 | 2.352294 | 2.016251 | 1.881834 | 1.411375 | 52 | 10.1447 | 8.695318 | 8.115579 | 6.086545 |

| | | | | |
|----|----------|----------|----------|----------|
| 13 | 2.548197 | 2.184168 | 2.038557 | 1.528917 |
| 14 | 2.744071 | 2.35206 | 2.195256 | 1.646441 |
| 15 | 2.939914 | 2.519925 | 2.35193 | 1.763946 |
| 16 | 3.135724 | 2.687762 | 2.508577 | 1.881432 |
| 17 | 3.331498 | 2.855568 | 2.665196 | 1.998895 |
| 18 | 3.527234 | 3.023341 | 2.821785 | 2.116336 |
| 19 | 3.722931 | 3.191081 | 2.978341 | 2.233753 |
| 20 | 3.918585 | 3.358784 | 3.134864 | 2.351144 |
| 21 | 4.114195 | 3.526449 | 3.291351 | 2.468509 |
| 22 | 4.309759 | 3.694074 | 3.447801 | 2.585846 |
| 23 | 4.505274 | 3.861658 | 3.604212 | 2.703153 |
| 24 | 4.700739 | 4.029198 | 3.760582 | 2.82043 |
| 25 | 4.89615 | 4.196692 | 3.91691 | 2.937674 |
| 26 | 5.091507 | 4.36414 | 4.073193 | 3.054886 |
| 27 | 5.286807 | 4.531538 | 4.229431 | 3.172063 |
| 28 | 5.482048 | 4.698885 | 4.385622 | 3.289204 |
| 29 | 5.677227 | 4.86618 | 4.541763 | 3.406308 |
| 30 | 5.872343 | 5.03342 | 4.697853 | 3.523373 |
| 31 | 6.067393 | 5.200604 | 4.85389 | 3.640399 |
| 32 | 6.262376 | 5.36773 | 5.009873 | 3.757384 |
| 33 | 6.457289 | 5.534796 | 5.1658 | 3.874326 |
| 34 | 6.652131 | 5.7018 | 5.32167 | 3.991226 |
| 35 | 6.846899 | 5.868741 | 5.47748 | 4.10808 |
| 36 | 7.041591 | 6.035616 | 5.633229 | 4.224888 |
| 37 | 7.236205 | 6.202424 | 5.788915 | 4.341649 |
| 38 | 7.430739 | 6.369164 | 5.944537 | 4.458362 |

| | | | | |
|----|----------|----------|----------|----------|
| 53 | 10.33779 | 8.860818 | 8.270041 | 6.202381 |
| 54 | 10.53077 | 9.026221 | 8.424414 | 6.318149 |
| 55 | 10.72364 | 9.191527 | 8.578695 | 6.433848 |
| 56 | 10.9164 | 9.356733 | 8.732883 | 6.549477 |
| 57 | 11.10904 | 9.521838 | 8.886976 | 6.665034 |
| 58 | 11.30155 | 9.686841 | 9.040973 | 6.780518 |
| 59 | 11.49395 | 9.851739 | 9.194872 | 6.895929 |
| 60 | 11.68623 | 10.01653 | 9.348673 | 7.011264 |
| 61 | 11.87837 | 10.18121 | 9.502372 | 7.126523 |
| 62 | 12.0704 | 10.34579 | 9.65597 | 7.241705 |
| 63 | 12.26229 | 10.51025 | 9.809463 | 7.356808 |
| 64 | 12.45405 | 10.67461 | 9.962852 | 7.471831 |
| 65 | 12.64569 | 10.83884 | 10.11613 | 7.586774 |
| 66 | 12.83718 | 11.00297 | 10.26931 | 7.701635 |
| 67 | 13.02855 | 11.16697 | 10.42237 | 7.816413 |
| 68 | 13.21977 | 11.33086 | 10.57532 | 7.931107 |
| 69 | 13.41086 | 11.49462 | 10.72817 | 8.045715 |
| 70 | 13.6018 | 11.65827 | 10.88089 | 8.160237 |
| 71 | 13.7926 | 11.82179 | 11.0335 | 8.274672 |
| 72 | 13.98326 | 11.98519 | 11.186 | 8.389018 |
| 73 | 14.17377 | 12.14846 | 11.33837 | 8.503274 |
| 74 | 14.36413 | 12.3116 | 11.49063 | 8.61744 |
| 75 | 14.55434 | 12.47461 | 11.64276 | 8.731514 |

| | | | | |
|----|----------|----------|----------|----------|
| 39 | 7.625191 | 6.535833 | 6.100093 | 4.575024 |
| 40 | 7.819559 | 6.702429 | 6.255582 | 4.691636 |

CONCLUZII

Cu ajutorul aparatului de masurare a fortei la tractiune asupra unui fir de diametrul $50\mu m$ am determinat ca alungirea relativa este de 8,36% atunci cand aplicam o forta de 41,474 cN.

BIBLIOGRAFIE

“Studiul aprofundat asupra incercarii la tractiune a microfiredor” – Prof. Dr. Ing. Marcel Plesca